

INVERSORES CON CARGA RESISTIVA

Gladys O. Ducoudray

28 de enero de 2015

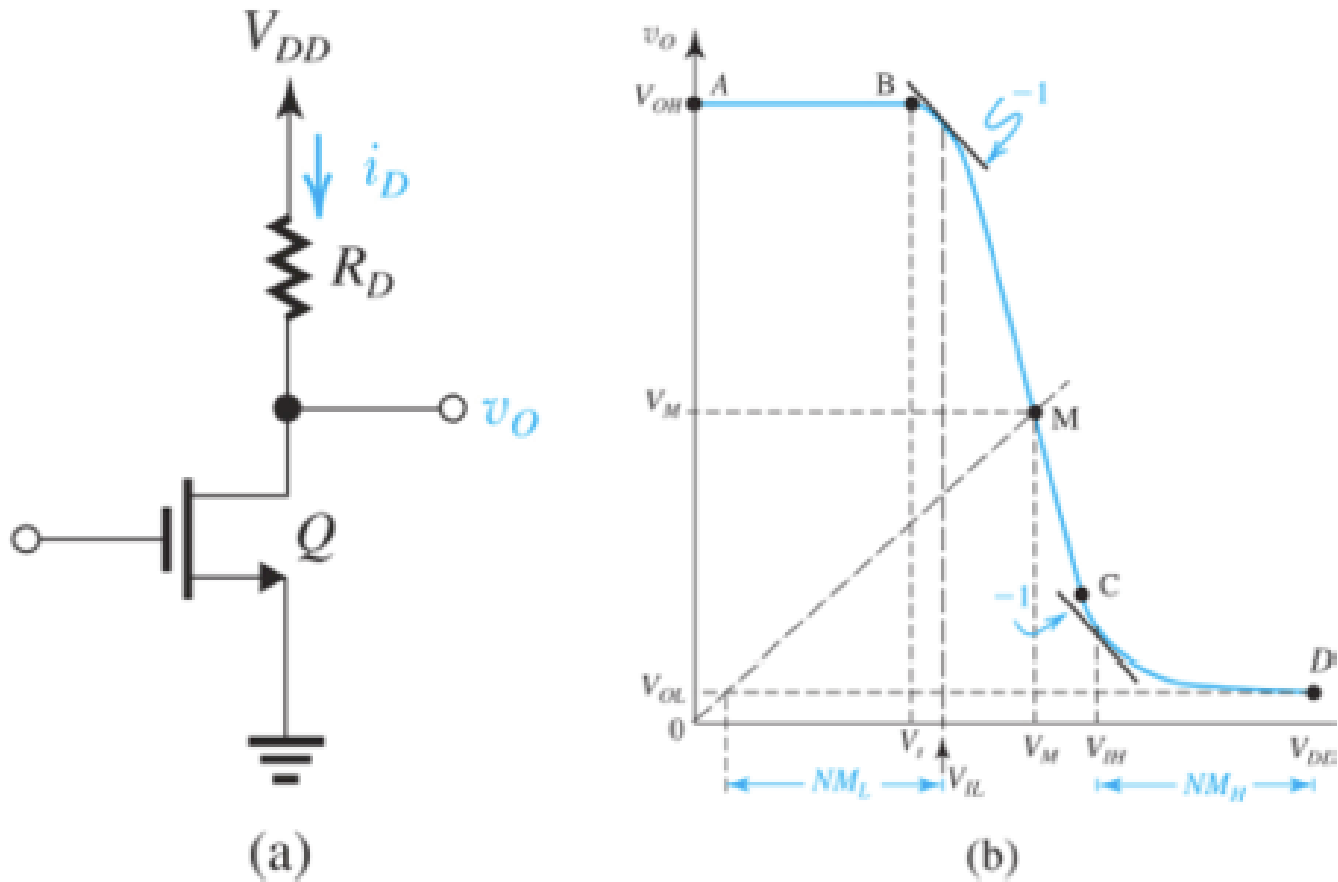
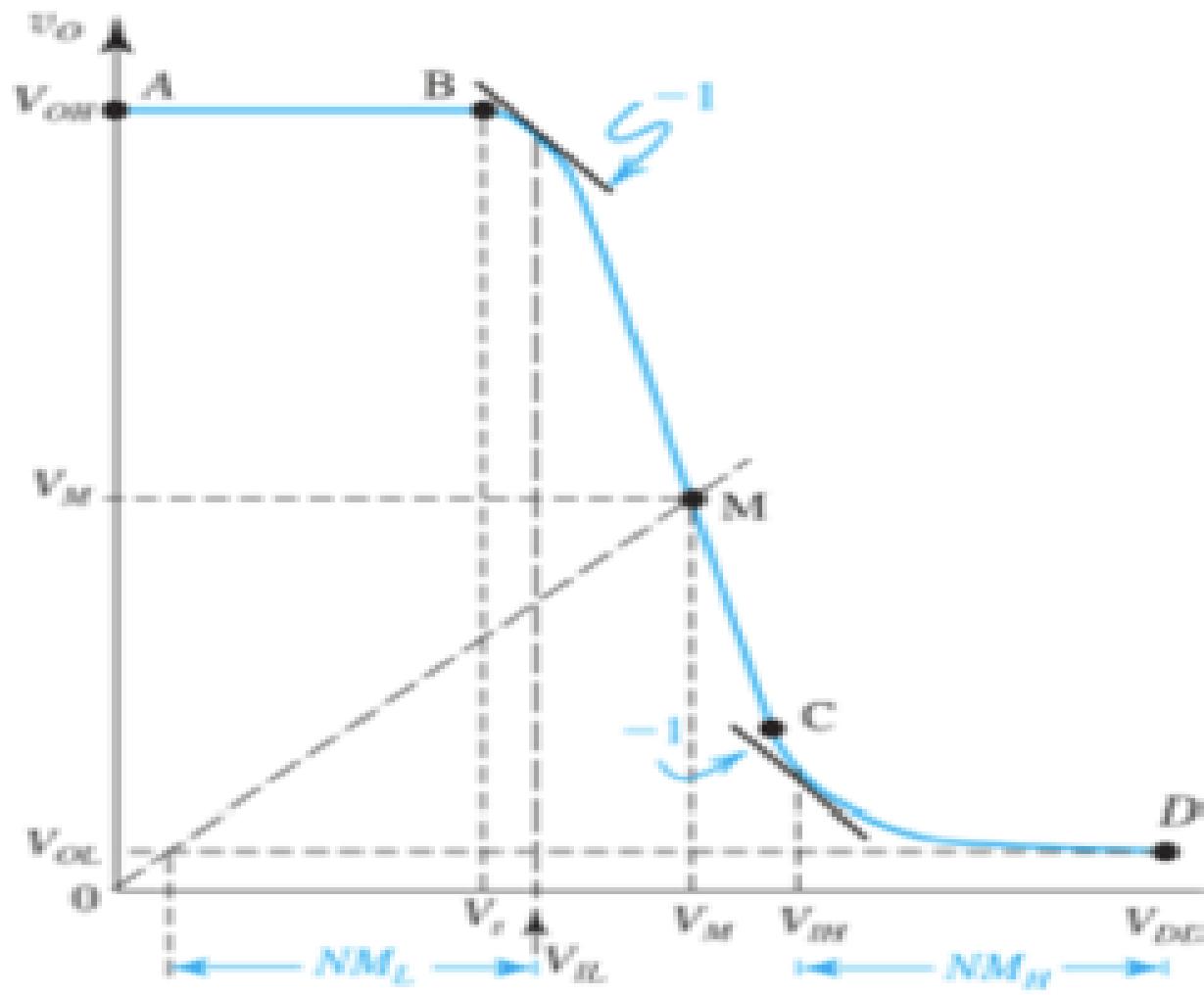


Figure 14.10 The resistively loaded MOS inverter and its VTC (Example 14.1).

EXAMPLE: $V_{DD} = 1.8V$, $V_T = 0.5V$, $K_N = 300\mu A/V^2$, $W/L = 1.5$ AND $R_D = 25K\Omega$.
 FIND V_{OH} , V_{OL} , V_{IL} , V_{IH} AND V_M .



VOH CUANDO $V_{IN} < V_{TN}$ $V_{OUT} = V_{DD} = 1.8$ VOH = 1.8V

VOL Definition

Solucion Matemática

Por definición *VOL* es la salida que se obtiene cuando la entrada es igual a $V_{OH} = 1.8V$.

$$V_I = V_{OH}$$

Como la salida es pequeña y la entrada es grande, el transistor opera en la región de triodo y

$$i_D = K_n \frac{W}{L} V_{DS} \left(V_{GS} - V_{tn} - \frac{V_{DS}}{2} \right)$$

$$i_D = (0.15mA/V^2 (1.5)(2(1.8 - 0.5)V_{OL} - V_{OL}^2))$$

$$V_{OL} = 1.8V - R_D i_D$$
$$= 1.8V - 5.625(2.6V_{OL} - V_{OL}^2)$$

lo que resulta en la ecuación cuadrática

$$5.625V_{OL}^2 - 15.625V_{OL} + 1.8 = 0$$

La única solución con sentido físico produce

$$V_{OL} = 0.12V$$



VIL Definition

Solucion Matemática

Como $v_O = v_{DS}$ es grande y v_i es pequeño, Q debe estar saturado y

$$i_D = \frac{K_n}{2} \frac{W}{L} (V_{GS} - V_{tn})^2$$

KVL dicta que

$$v_O = V_{DD} - i_D R_D$$

$$= 1.8V - (25k\Omega \cdot 0.15mA/V^2 \cdot 1.5) (v_i - 0.5V)^2$$

$$v_O = 1.8V - (5.625) (v_i - 0.5V)^2$$

$$\frac{\partial v_O}{\partial v_i} = -2(5.625)(v_i - 0.5V)$$

Cuando $v_i = V_{IL}$

$$\frac{\partial v_O}{\partial v_i} = -1$$

entonces

$$-1 = -2(5.625) (V_{IL} - 0.5V)$$

$V_{IL} = 0.589V$

Como $v_O = v_{DS}$ es pequeño y v_i es grande, Q debe estar en triodo y

$$i_D = K_n \frac{W}{L} V_{DS} \left(V_{GS} - V_{tn} - \frac{V_{DS}}{2} \right)$$

KVL dicta que

$$v_O = V_{DD} - i_D R_D$$

$$i_D = (0.15\text{mA/V}^2 (1.5)(2(v_i - 0.5)v_O - v_O^2))$$

$$v_O = 1.8V - (25\text{k}\Omega \cdot 0.15\text{mA/V}^2 \cdot 1.5)(2(v_i - 0.5)v_O - v_O^2)$$

$$v_O = 1.8V - (5.625)(2(v_i - 0.5)v_O - v_O^2)$$

$$\frac{\partial v_O}{\partial v_i} = -(5.625) \left(2 \frac{\partial v_O}{\partial v_i} (v_i - 0.5V) + 2v_O - 2v_O \frac{\partial v_O}{\partial v_i} \right)$$



$$\text{Cuando } v_i = V_{IH}, \quad \frac{\partial v_o}{\partial v_i} = -1$$

asi que

$$-1 = -5.625 (-2(V_{IH} - .5) + 4v_o)$$

$$1/11.25 = -V_{IH} + .5 + 2v_o$$

$$V_{IH} - 0.5 = 2v_o - 1/11.25$$

No sabemos VIH ni VO por lo tanto usamos el KVL del principio

Como la ecuación dictada por KVL aun aplica, si representamos el valor específico de v_o que *satisface la condición anterior por x* , podemos escribir que

$$\begin{aligned}
 x &= V_{DD} - i_D R_D \\
 &= 1.8V - (5.625)(2(2x - 1/11.25)x - x^2) \\
 &= 1.8V - 11.25(2x - 1/11.25)x + 5.625x^2 \\
 &= 1.8V - 22.5x^2 + x + 5.625x^2 \\
 x &= \sqrt{1.8/16:875} = 0.327 = v_o
 \end{aligned}$$

$$VIH = 2(0.327) + 0.411 = 1.06V$$

$$V_O = 1.8V - (25k\Omega \cdot 0.15mA/V^2 \cdot 1.5) (v_i - 0.5V)^2$$

$$V_M = 1.8V - (5.625) (V_M - 0.5V)^2$$

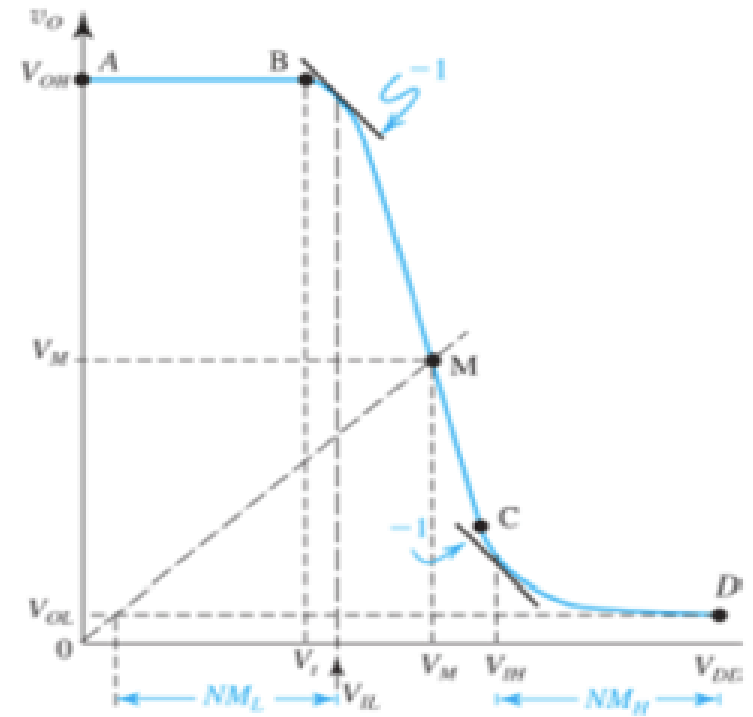
$$= 1.8 - 5.625(V_M^2 - V_M + 0.25)$$

que produce la ecuación cuadrática

$$5.625V_M^2 - 4.625V_M - 0.394 = 0$$

cuya solución es

$$V_M = 0.9V = V_{DD}/2$$



CALCULO DE VM

COMO POR DEFINICION $V_I = V_O = V_M$, Q ESTA SATURADO Y

$$V_O = V_{DD} - I_D R_D$$

$$NML = V_{IL} - V_{OL}$$

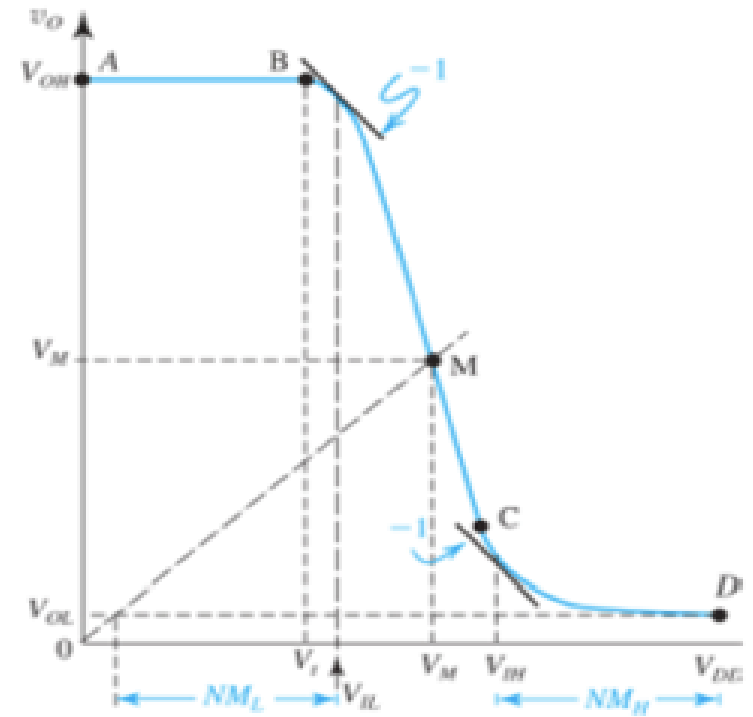
$$= 0.59V - 0.12V = 0.47V$$

$$NMH = V_{OH} - V_{IH}$$

$$= 1.8V - 1.063V = 0.737V$$

$$NML = 0.47V$$

$$NMH = 0.737V$$



NOISE MARGIN LOW (NML) AND NOISE MARGIN HIGH (NMH)